

Punkt A porusza się wzdłuż osi x zgodnie z równaniem

wzrost:  
 $x = x(t) = b \cdot \sin \omega t$ , gdzie  $b, \omega = \text{const}$

znajdź:  
 $x(t)$   
 $\dot{x}(t)$   
 $\ddot{x}(t)$  } znaleźć wykreśły przedstawienie.

$x(t) = b \cdot \sin(\omega t)$   
 ← FUNKCJA ZEWNĘTRZNA ← FUNKCJA WEWNĘTRZNA

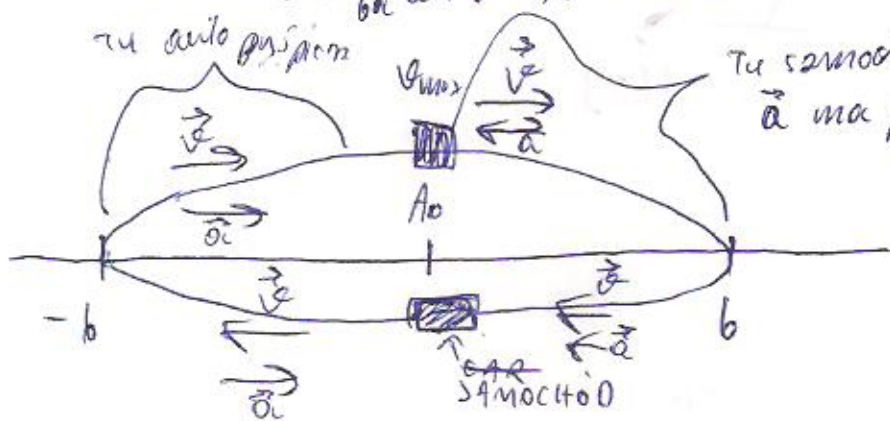
znajdź punkt początkowy dla  $t=0$

$x = x(0) = b \cdot \sin \omega \cdot 0 = b \cdot \sin 0 = b \cdot 0 = 0$

$y_0 = 0$  - bo punkt porusza się tyłu po osi x

$A_0 = (x_0, y_0) = (0, 0)$

ponieważ  $\sin$  nie może wynosić więcej niż jeden licząc wykład z tego, że  $-b \leq x \leq b$  bo  $\vec{a}$  i  $\vec{v}$  mogą też zero.



$\dot{x}(t) = \frac{dx}{dt} = b \cdot \omega \cdot \cos \omega t \rightarrow$  z tego wynika że  $-b\omega \leq \dot{x} \leq b\omega$

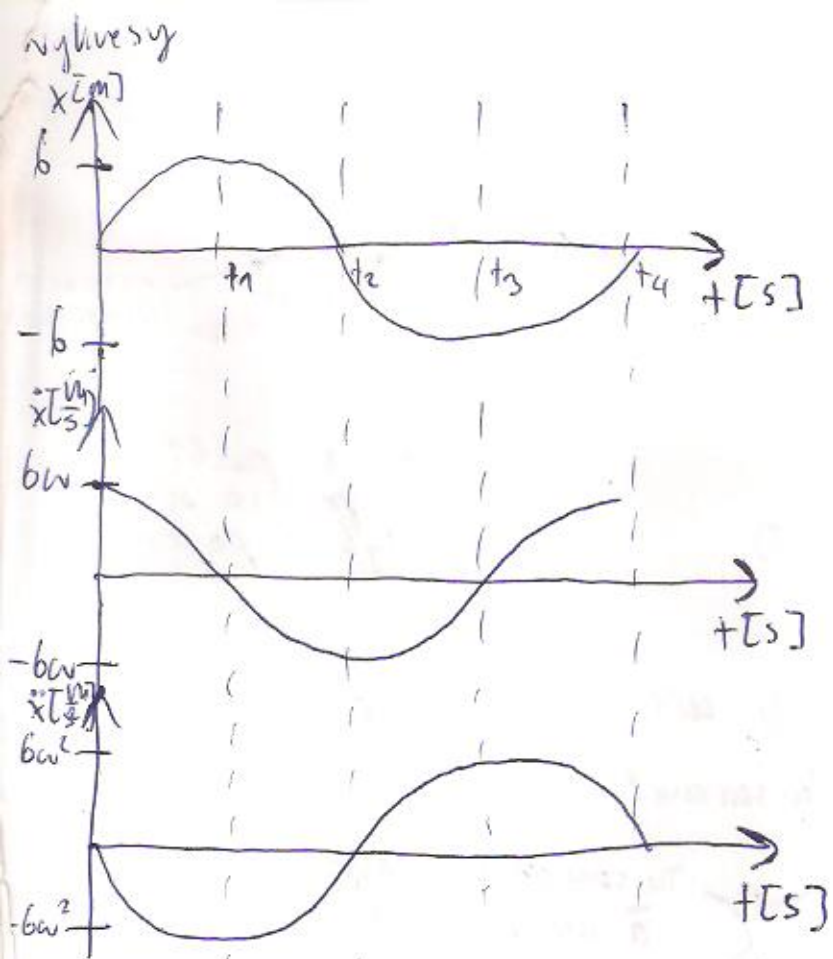
$\ddot{x}(t) = \frac{d^2x}{dt^2} = -b \cdot \omega^2 \cdot \sin \omega t \rightarrow$  z tego wynika że  $-b\omega^2 \leq \ddot{x} \leq b\omega^2$

Jeżeli  $x = b$  - amplituda ile wynosi  $t$

wobec  $\sin \omega t = 1$   $\sin \frac{\pi}{2} = 1$

$\omega \cdot t = \frac{\pi}{2} \Rightarrow t_1 = \frac{\pi}{2\omega}$

$t_2 = \frac{\pi}{\omega}$   
 $\sin \pi = 0$   
 $\omega \cdot t = \frac{\pi}{2}$   
 $t_2 = \frac{\pi}{\omega}$   
 $t_3 = \frac{3\pi}{2\omega}$   
 $t_4 = \frac{2\pi}{\omega}$



$$t_4 = T$$

ekstremum lokalne:

max gdy  $f'$  zmienia znak  
 z "+" na "-"

min gdy  $f'$  zmienia znak  
 z "-" na "+"

Ruch okresowy

- amplituda
- stała powrotowa
- stała
- częstotliwość  $f [Hz]$
- częstość kątowa  $\omega [rad/s]$
- okres,  $T$